

## ΑΝΑΛΥΣΗ ΙΙ

ΤΜΗΜΑ ΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΗΛΕΠΙΚΟΙΝΩΝΙΩΝ

2<sup>η</sup> Πρόοδος - 15 Ιουνίου 2010

**ΕΠΩΝΥΜΟ:** .....

**ΟΝΟΜΑ:** .....

**ΠΑΤΡΩΝΥΜΟ:** .....

**Α.Μ. :** .....

**ΑΙΘΟΥΣΑ:** .....

<b>Θ.1</b>	(2 + 2):	
<b>Θ.2</b>	(2 +2):	
<b>Θ.3</b>	(1 + 1 + 1):	
		<b>Σύνολο:</b>

Γράφετε τις απαντήσεις μόνο στο χώρο που υπάρχει η εκφώνηση.  
Για πρόχειρο χρησιμοποιείτε το τελευταίο φύλλο.

**Καλή επιτυχία!**

**Θ.1** i) Να υπολογιστούν τα ολοκληρώματα

$$I = \int_0^1 \left( \int_y^1 e^{-x^2} dx \right) dy \quad , \quad J = \iint_D \eta \mu(x^2 + y^2) dx dy \quad , \quad \text{όπου } D \text{ ο μοναδιαίος κύκλος.}$$

(2 μονάδες)

ii) Να ορίσετε τον σφαιρικό μετασχηματισμό στον  $\mathbb{R}^3$ , να υπολογίσετε την ορίζουσά του και τον όγκο σφαίρας ακτίνας  $a$  ( $a > 0$ ).

(2 μονάδες)

**Θ.2** i) Να υπολογιστεί το επικαμπύλιο ολοκλήρωμα  $I = \oint_{\Gamma} (x^3 + y^3) dx + (2y^3 - x^3) dy$ , όπου  $\Gamma$  η περιφέρεια του μοναδιαίου κύκλου  $D$ , θετικά προσανατολισμένη.

(2 μονάδες)

ii) Να υπολογιστεί το επιφανειακό ολοκλήρωμα  $J = \oint_E \vec{F} \cdot d\vec{S}$ , όπου  $\vec{F}(x, y, z) = xy\vec{i} + yz\vec{j} + xz\vec{k}$  και  $E$  η επιφάνεια του κύβου  $K = [0, 1]^3$ , θετικά προσανατολισμένη.

(2 μονάδες)

**Θ.3** Έστω  $\vec{F}(x, y) = (5x^4y + y^5 + \beta y)\vec{i} + (ax^5 + 5xy^4 + x)\vec{j}$

i) Να υπολογιστούν τα  $a, \beta \in \mathbb{R}$ , ώστε το διανυσματικό πεδίο  $\vec{F}$  να γίνει συντηρητικό στον  $\mathbb{R}^2$ .

(1 μονάδα)

ii) Με τις τιμές των  $a, \beta$  από το i) να βρεθεί  $f$  ώστε  $\vec{F} = \nabla f$ .

(1 μονάδα)

iii) Να μελετήσετε την  $f$  του ii) ως προς τα σημεία τοπικών ακροτάτων και σαγματών.

(1 μονάδα)